تتمة المرشحات المولدة :

2) ان تقاطع اي اسرة من المرشحات $(F_i)_{i\in I}$

تكون أيضا مرشحة

لتكن $F=\bigcap_{i\in I} F_i$ بسهولة يمكن التحقق

من الشرطين (1) و (2) للمرشحة

بالبرهان على ذلك $F\neq\phi$ لانه من اجل

أي i يكون $1\in F_i \Leftarrow 1\in\bigcap_{i\in I} F_i$

3) لتكن G مجموعة جزئية من E ، بالاعتماد

على ما سبق يمكن ان نعرف المرشحة المولدة

بـ G وهي عبارة عن تقاطع جميع المرشحات

الكلية $\supset G$ اي انها اصغر مرشحة تحوي G

ونرمز لها بـ F_G ونلاحظ ان اي مرشحة F

فإنه يملك الأقل مولد واحد هو F ويكون

$F = F_F$ (إلى هنا)

مبرهنة (2)

المرشحة F_G المولدة بالمجموعة المرتبة G غير

الخالية هي مجموعة العناصر x من F التي تحقق

الخاصة: يوجد عدد منته من عناصر G ولتكن

$a_1, a_2, \ldots, a_n$ بحيث يكون:

$$x \geqslant a_1 \wedge a_2 \wedge \ldots \wedge a_n$$

البرهان

لتكن F_G مجموعة العناصر x من F التي

تحقق الشرط السابق، فإن F_G تكون

مرشحة.